

Varianta 87

III.

13. a) S sunt $103 - 43 = 60$ termeni

$$\text{b)} \quad S < 60 \cdot \frac{1}{44} = \frac{15}{11} < \frac{3}{2}$$

14. a) Reprezentarea grafică este dreapta AB , unde $A(0; -3)$ și $B(1; -1)$.

$$\text{b)} \quad A = \frac{c_1 \cdot c_2}{2} = \frac{9}{4}$$

$$\text{c)} \quad \frac{f(\sqrt{3}) - f(\sqrt{2})}{\sqrt{3} - \sqrt{2}} = \frac{-2\sqrt{3} - 3 + 2\sqrt{2} + 3}{\sqrt{3} - \sqrt{2}} = -2 \in \mathbf{Q}$$

15. b) $VO' = VO - (OM + MO')$, $OM = \frac{AB}{2} = 6$ cm.

$$VO' = 12 - (6 + r) = 6 - r, \Delta VO'B' \sim \Delta VOB \Rightarrow \frac{r}{6} = \frac{6-r}{12} \Rightarrow r = 2 \text{ cm.}$$

$$\text{c)} \quad \text{Volumul} = \frac{416\pi}{3} \text{ cm}^3.$$

d) $n^\circ = \frac{R}{G} \cdot 360^\circ = \frac{\sqrt{5}}{5} \cdot 360^\circ < 161^\circ$ (Ridicând la patrat expresia de mai sus obținem $25920 < 25921$).