

Expresii în forma poloneză

Se dă o expresie aritmetică ce folosește operatorii: $+$, $-$, $*$, $/$, $($, $)$.

Fiecare operand este o literă. Se cere să se convertească această expresie într-o expresie în forma poloneză (postfixată, expresie scrisă fără paranteze).

Definim expresia recursiv, astfel:

- un operand este o expresie în forma poloneză;
- dacă E1 și E2 sunt două expresii în formă poloneză și # un operator atunci E1 E2 # este o expresie în forma poloneză;
- orice expresie în forma poloneză se obține aplicând regulile de mai sus, de un număr finit de ori.

exemple:

$a+b \rightarrow ab+$

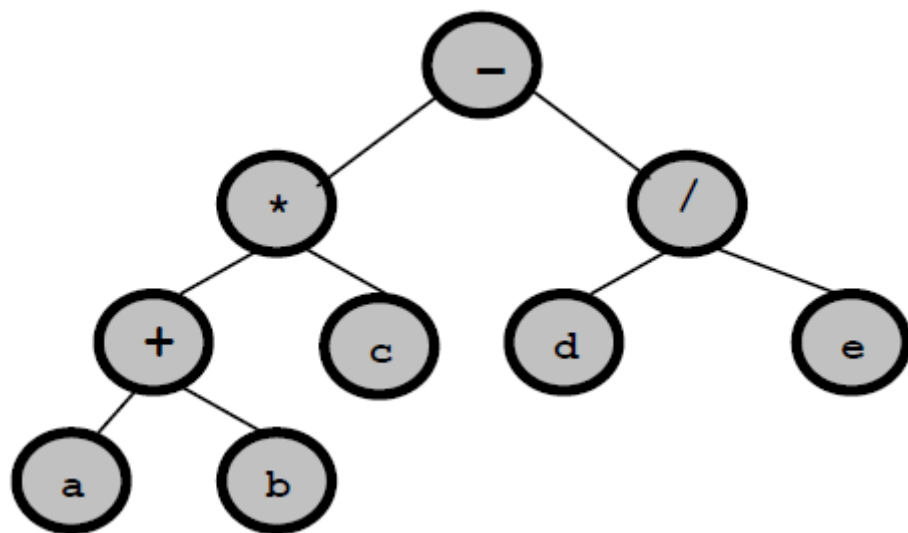
$a*(b+c) \rightarrow abc+*$

$a*(b+c)-e/(a+d)+h \rightarrow abc+*ead+/-h+$

Expresiile aritmetice pot fi reprezentate utilizând arbori binari, respectând următoarele reguli:

- nod neterminal - operație
- nod terminal - valoare
- pentru fiecare nod neterminal subarboarele din stânga și cel din dreapta reprezintă, în această ordine, cei doi operanzi;
- rădăcina corespunde ultimei operații executate la evaluarea expresiei.

expresia $(a+b)*c-d/e$ are forma [poloneza $ab+c*de/-$ si reprezentarea grafica:



Pentru construcția arborelui, vom acorda priorități operatorilor și operanzilor (mai puțin parantezelor), după cum urmează:

- prioritatea inițială a operatorilor $+$, $-$ este 1;
- prioritatea inițială a operatorilor $*$, $/$ este 10;
- la prioritatea unui operator se adună 10 pentru fiecare pereche de paranteze între care se găsește;
- prioritatea unui operand este 1000.

În program, acest lucru se realizează astfel:

- se citește expresia aritmetică în variabila e;

- se utilizează o variabilă j care indică ce număr se adaugă la prioritatea inițială a unui operator (la întâlnirea unei paranteze deschise j crește cu 10, iar la întâlnirea unei paranteze închise j scade cu 10);

- se parcurge expresia caracter cu caracter și se pun în vectorul p prioritățile acestor operatori și operanzi (mai puțin ale parantezelor);
- în efp se construiește expresia fără paranteze (la expresia aritmetică inițială lipsesc parantezele), iar în pfp se obține vectorul priorităților, din care, spre deosebire de p, lipsesc componentele corespunzătoare parantezelor (acestea nu aveau nici o valoare).

Utilizând efp și pfp, cu ajutorul funcției arb, se construiește arborele atașat expresiei aritmetice. Un nod al acestui arbore are ca informație utilă un operator sau un operand.

$(a+b)*c - d*8 + (9/5-4)/3$.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21
e	(	a	+	b	)	*	c	-	d	*	8	+	(	9	/	5	-	4	)	/	3
p	0	1000	11	1000	0	10	1000	1	1000	10	1000	1	0	1000	20	1000	11	1000	0	10	1000

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
E	a	+	b	*	c	-	d	*	8	+	9	/	5	-	4	/	3
pr	1000	11	1000	10	1000	1	1000	10	1000	1	1000	20	1000	11	1000	10	1000

<http://www.lbi.ro/~leuciuc/formaPoloneza.pdf>

$ab+c*d8*-95/4-3/+$

```
#include <iostream>
using namespace std;
struct Nod
{
    char op;
    Nod *as,*ad;
};
char e[30],E[30],a;
int pr[30],p[30],i,j,n;
Nod *c;
Nod* arb(int li,int ls,char E[30],int pr[30])
{
    Nod* c;
    int i,j,mini=pr[ls];
    i=ls;
    for (j=ls; j>=li; j--)
        if (pr[j]<mini)
        {
            mini=pr[j];

```

```

        i=j;
    }
    c=new Nod;
    c->op=E[i];
    if(li==ls) c->as=c->ad=0;
    else
    {
        c->as=arb(li,i-1,E,pr);
        c->ad=arb(i+1,ls,E,pr);
    }
    return c;
}
void parc(Nod* c)
{
    if (c)
    {
        parc(c->as);
        parc(c->ad);
        cout<<(c->op);
    }
}
main()
{
    j=0;n=1;
    cin>>a;
    while (a!='.')
    {
        e[n++]=a;
        cin>>a;
    }
    n--;
    for (i=1; i<=n; i++)
        switch(e[i])
        {
            case ')': j-=10; break;
            case '(': j+=10; break;
            case '+': p[i]=j+1; break;
            case '-': p[i]=j+1; break;
            case '*': p[i]=j+10; break;
            case '/': p[i]=j+10; break;
            default: p[i]=1000;
        }
    j=1;
    for (i=1; i<=n; i++)
        if ( e[i]!=')' && e[i]!='(' )
            E[j]=e[i], pr[j]=p[i], j++;
    for(int i=1;i<=n;i++) cout<<p[i]<<' ';
    cout<<endl;
    for(int i=1;i<=n;i++) cout<<e[i]<<' ';
    cout<<endl;
    for(int i=1;i<=n;i++) cout<<E[i]<<' ';
    cout<<endl;
    c=arb(1,j-1,E,pr);
}

```

```

    parc(c);
}

///
$$(a+b)*c - d*8 + (9/5-4)/3.$$


```

Se da o expresie aritmetica in forma poloneza prefixata. Expresia este formata din operatorii + - / * %, iar operanzii sunt litere mici.
 Afisati expresia in forma normala (infixata) si in forma postfixata.

Exemplu:

expresie.in

expresie.out

-*bb**4ac

$$((b*b)-((4*a)*c))$$

$$bb*4a*c*-$$

```

#include <fstream>
#include <cstring>

using namespace std;

ifstream fin("expresie.in");
ofstream fout("expresie.out");

char op[]="+-*/%";

struct nod
{
    char info;
    nod *st;
    nod *dr;
};

void read(nod* &r)
{
    char x;
    fin>>x;
    if(strchr(op,x)==NULL)
    {
        r=new nod;
        r->info=x;
        r->st=NULL;
        r->dr=NULL;
    }
    else

```

```

    {
        r=new nod;
        r->info=x;
        read(r->st);
        read(r->dr);
    }
}

void SRD(nod *r)
{
    if(strchr(op,r->info)) fout<<"(";
    if(r->st!=NULL) SRD(r->st);
    fout<<r->info;
    if(r->dr!=NULL) SRD(r->dr);
    if(strchr(op,r->info)) fout<<")";
}

void SDR(nod *r)
{
    if(r->st!=NULL) SDR(r->st);
    if(r->dr!=NULL) SDR(r->dr);
    fout<<r->info;
}

int main()
{
    nod *r;
    read(r);
    SRD(r);
    fout<<endl;
    SDR(r);
    return 0;
}

```

Se da o expresie aritmetica in forma poloneza prefixata. Expresia este formata din operatorii + - / * %, iar operanzii sunt dintr-un singur caracter.

Construiti arborele binat asociat expresiei citite si afisati expresia in forma normala (infixata).

Exemplu:

/-+*5314+27

in forma normala este (((5*3)+1)-4)/(2+7)

```

#include <fstream>
#include <cstring>
using namespace std;
ifstream fin("date.in");
ofstream fout("date.out");

```

```

int S[100],D[100],T[100],n;
char A[100];
void SRD(int v)
{
    if(strchr("/+-%",A[v]) && v!=0) fout<<"(";
    if(S[v]) SRD(S[v]);
    fout<<A[v];
    if(D[v]) SRD(D[v]);
    if(strchr("/+-%",A[v]) && v!=0) fout<<")";
}
int main()
{
    int n,v,pus;
    fin>>A; n=strlen(A)-1; T[0]=-1;
    for(int i=1;i<strlen(A);i++)
    {
        pus=0; v=0;
        while(!pus)
        {
            while(S[v] && strchr("/+-%",A[S[v]])) v=S[v];
            if(S[v]==0) S[v]=i,pus=1,T[i]=v;
            else
                if(D[v] && strchr("/+-%",A[D[v]])) v=D[v];
            else
            {
                if(D[v]==0) D[v]=i, pus=1,T[i]=v;
                else
                {
                    v=T[v];
                    while(T[v]!=-1&&!(D[v]==0||strchr("/+-%",A[D[v]])))
                        v=T[v];
                    if(D[v]==0) D[v]=i,pus=1,T[i]=v;
                    else
                        if(strchr("/+-%",A[D[v]])) v=D[v];
                }
            }
        }
    }
    SRD(0);
    return 0;
}

```